# 杭嘉湖一维河网水量水质联合数学模型及应用

## 裘骅勇 章宏伟 陈增奇

(浙江省水利水电勘测设计院,浙江杭州 310002)

摘要:建立了能模拟杭嘉湖地区的一维河网水量水质联合数学模型,模型共选用了 30 个外部边界、 100 余个内部边界和 2 个全局边界,以此来控制和体现杭嘉湖地区河网的水体流动及水质变化情况。模型计算分为验证计算和方案计算 2 种情况,由于计算目的不同,在计算边界的选择上也有所 区别。从选择的 2005 年长兴(二)等 11 个水位站点、杨家埠等 5 个流量站点和杭长桥等 9 个水质站 点的实测值和模型计算值的比较情况来看,所建立的杭嘉湖一维河网水环境数学模型较好地反映 了杭嘉湖地区的水流运动状况和水质变化情况,表明本模型所选择的参数基本合理,模型系统可以 用于对工程方案实施后河网水质变化的预测分析。

关键词 河网 ;一维水量水质联合数学模型 ;杭嘉湖地区 ;数值解法

中图分类号:X522 文献标识码:A 文章编号:1006-7647(2011)81-0009-02

河网水量水质联合数学模型国内外已有广泛和 深入的研究<sup>14]</sup>,其中包括单河流模型及复杂的网状 河流系统模型。为了分析杭嘉湖地区的水量水质变 化规律,为制定杭嘉湖水环境治理与保护规划提供 科学依据,进行了杭嘉湖地区一维河网水量水质联 合数学模型研究,水质模型主要用于定量分析研究 区域内污染物的输送和污染影响评价。

1 杭嘉湖一维河网水量水质联合数学模型

1.1 一维河网水动力模型方程及数值解法

一维水动力学模型控制方程为 Saint-Venant 方 程组<sup>[1-2]</sup>:

$$\frac{\partial A}{\partial t} + \frac{\partial Q}{\partial x} = q$$

$$\frac{\partial Q}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\alpha Q^2}{A}\right) + Ag \frac{\partial Z}{\partial x} + g \frac{Q|Q|}{C^2 RA} = 0 \quad (1)$$

式中 :x 为空间坐标 ,m ;t 为时间坐标 ,s ;A 为断面 面积 ,m<sup>2</sup> ;Q 为河道内任意断面的流量 ,m<sup>3</sup>/s ;q 为旁 侧入流流量 ,m<sup>3</sup>/s ;R 为水力半径 ;g 为重力加速度 , m/s<sup>2</sup> ; $\alpha$  为动量校正系数 ;C 为谢才系数。

Mikel1 采用 Abbott 六点隐式差分格式离散 Saint-Venant 方程组,该离散格式在每一个网格点并 不同时计算水位和流量,而是按顺序交替计算水位 或流量,该格式无条件稳定,可以在相当大的 Couran(克朗)数下保持计算稳定,可以取较长的时间步长以节省计算时间。对上述离散方程组采用传统的追赶法(即'双扫'算法)进行求解。

1.2 一维河网水质模型基本方程及数值解法

河网水质模型的控制方程为一维对流扩散方 程<sup>[1-2]</sup>:

 $\frac{\partial AC_1}{\partial t} + \frac{\partial QC_1}{\partial x} - \frac{\partial}{\partial x} \left( AD \frac{\partial C_1}{\partial x} \right) = -AKC_1 + C_2 q (2)$ 式中: *C*<sub>1</sub> 为物质质量浓度, mg/L; *D* 为纵向扩散系 数, m<sup>2</sup>/s; *C*<sub>2</sub> 为源/汇质量浓度, mg/L; *K* 为衰减系 数, 1/d。

对流扩散模型可以模拟在水流和浓度梯度影响 下,传输扩散过程中的溶解或是悬浮物质(如盐分、 热量、沙土、溶解氧、无机物、有机物及其他水质组 分)在时间和空间上的分布。为减少数值离散和保 证质量守恒,Mike11采用时间和空间中心隐式差分 格式离散对流扩散方程,同水动力模型一样,上述方 程组采用追赶法求解。

2 研究区域与边界条件

2.1 计算范围

杭嘉湖一维河网水环境数学模型计算范围涵盖 了杭嘉湖地区的整个杭嘉湖(杭嘉湖区)东部平原和

基金项目:国家自然科学基金(40901016)

作者简介 ·裘骅勇(1973—)男 浙江杭州人 高级工程师 从事水资源规划研究。E-mail quhuayong@sina.com

西部山区(浙西区)的中下游区域 5-6]。

2.2 边界条件

边界条件是河网数学模型的主要约束条件。本 模型考虑了3种边界属性,分别为外部边界、内部边 界和全局边界。杭嘉湖一维河网水环境数学模型共 选用了30个外部边界、100余个内部边界和2个全 局边界,以此来控制和体现杭嘉湖地区河网的水体 流动及水质变化情况。模型计算分为验证计算和方 案计算2种情况,由于计算目的不同,在计算边界的 选择上也有所区别。

模型验证计算选择 2005 年杭嘉湖地区的实测 水文条件进行复演<sup>5-61</sup>。验证计算时 北面与太湖相 连的合溪新港、长兴港、杨家浦港、小梅港、长兜港、 大钱港、罗 、幻 、濮 、汤 、古 、太浦河等 12 个外部边界均采用 2005 年小梅口实测逐日水位过 程,西北的合溪水库边界,采用 2005 年径流条件下 经过径流调节的合溪水库(在建)下泄流量,泗安塘 边界采用 2005 年天平桥水文站实测逐日水位过程; 东苕溪边界采用 2005 年余杭水文站实测逐日水位 过程,南边界各口门与钱塘江通过闸门连接,南排各 闸门调度运行情况采用 2005 年实际调度运行情况 进行控制;东面的米市渡边界,采用 2005 年米市渡 水文站实测潮位过程。水质边界按 2 种情况处理: 有实测资料的按实测数据赋值,无实测资料的参考 临近的水质监测数据进行赋值。

模型方案计算是在模型验证取得较好结果的基础上进行的。方案计算选择典型年水文条件、现状或规划用水水平。其中,北面太湖边界、太浦闸下泄过程、东面米市渡边界过程(包括水位、流量和水质)均由太湖流域管理局水利发展研究中心提供;东、西 苕溪边界及西部山区径流过程由实测流量扣除区域 用水情况后给出,南面钱塘江潮位仍按2005年实测 潮位过程给出。

3 模型率定与验证

## 3.1 典型年选择

本次模型计算的典型年选择。参照已审查批准 的《太湖流域水资源综合规划》<sup>5-6]</sup>中所确定的 5 种 典型年(20% 丰水年至 1989 年 ,50% 平水年至 1990 年 ,75% 中等干旱年至 1976 年 ,90% 枯水年至 1971 年、95% 特枯水年至 1967 年 ),选择其中的枯水年 1971 年和平水年 1990 年 2 个典型年进行计算。

## 3.2 模型验证

本次杭嘉湖一维河网水环境数学模型验证的内 容包括水动力验证和水质验证2部分。水动力主要 验证断面的逐日水位、逐日流量和进出水量3项内 容。水质主要验证 COD<sub>Cr</sub>, NH<sub>3</sub>-N 和 TP 指标。

3.2.1 水动力模型验证

a. 水位验证。杭嘉湖地区水位测站众多,为使 模型计算结果能真实、全面地反映杭嘉湖地区水位 变化的实际情况,在计算范围内共选择了11个较有 代表性水位站点2005年1月1日至12月31日实测 的逐日水位过程对模型进行验证。这里仅显示长兴 (二)站2005年实测逐日水位与模型计算结果的对 比情况(图1)。从逐日水位验证结果可以看出,模 型计算的逐日水位变化曲线与实测逐日水位变化曲 线吻合良好,峰值水位也基本接近,表明本模型较好 地模拟了东、西苕溪、长兴平原和頔塘一带环湖 港的水位变化情况。



图 1 长兴(二)站 2005 年逐日水位验证结果

b. 流量验证。杭嘉湖地区固定流量测站相对 较少,主要位于环湖一线,选择长兴(二)站等5个流 量站点2005年1月1日至12月31日实测逐日流量 过程对模型进行验证。流量值为正表示水流流出杭 嘉湖地区(顺流),流量值为负表示水流流入杭嘉湖 地区(逆流)。验证结果表明,模型计算的逐日流量 变化曲线与实测逐日流量变化曲线吻合较好,峰值 流量也较为接近,表明本模型计算结果基本能体现 环湖一线的水流特点(图2)。



图 2 长兴(二)站 2005 年逐日流量验证结果

## 3.2.2 水质模型验证

针对杭嘉湖地区地表水水质污染以有机型污染 为主的特点,以 COD<sub>Cr</sub>, NH<sub>3</sub>-N, TP 作为研究对象,模 拟了 2005 年杭嘉湖地区河网内 (下转第 25 页)

• 10 • 水利水电科技进展 2011 31(S1) Tel 1025-83786335 E-mail:jz@hhu.edu.cn http://kkb.hhu.edu.cn

- [8]DL/T5105—1999 水电工程水利计算规范 S].
- [9]中华人民共和国水利部.水库大坝安全鉴定办法 R].北 京:中华人民共和国水利部 2003.
- [10] 中华人民共和国水利部.水库降等与报废管理办法(试行] R].北京:中华人民共和国水利部 2003.
- [11]周之豪,沈曾源,施熙灿,等.水利水能规划[M].北京: 中国水利水电出版社,1996.
- [12] 中华人民共和国水利部.中国河流泥沙公报(长江、黄河]R].北京:中华人民共和国水利部 2001.
- [13]DL/T5015—1996 水利水电工程动能设计规范 S].
- [14] 中华人民共和国发展改革委员会,中华人民共和国建 设部.建设项目经济评价方法与参数[M].3版.北京: 中国计划出版社,2006.

(上接第10页)

COD<sub>Cr</sub>, NH<sub>3</sub>-N, TP 质量浓度的时空分布情况,并选择 杭长桥等9个水质监测断面的实测资料对模型计算 结果进行验证。从计算的 COD<sub>Cr</sub>, NH<sub>3</sub>-N, TP 质量浓 度变化曲线与实测值的比较情况来看,在大多数情 况下 模型计算值与实测值吻合较好 各水质监测断 面的计算值与实测值相对误差小于 30% ,在水质模 型允许的误差范围内(图 3~5)。少数断面的个别 时段计算值与实测值相对误差较大,主要由3方面 的原因造成 ①污染源排放位置难以完全准确定位 . 在计算时将排污口沿河平均分布 ;②水质监测值的 取得存在一些随机因素的影响,如杭长桥水质监测 断面 2005 年 5 月 10 日的 NH<sub>3</sub>-N 质量浓度为 2.75 mg/I(见图4),明显高于其余月份的监测值;③河网 概化和水流模拟与实际存在一定偏差,对水质计算 结果也会造成一定影响。总体来看,在水流运动和 水质变化相对较为复杂的杭嘉湖地区,本模型的计 算结果精度能够满足工程设计要求。



#### 图 3 杭长桥 COD<sub>cr</sub>质量浓度验证结果



- [15]李国英.应研究和转变水库运行方式[J].治黄信息与科技 2006(2):12-13.
- [16] SL252—2000 水利水电工程等级划分及洪水标准 S].

[17] 刘宁.21 世纪中国水坝安全管理、退役与建设的若干问
 题[J].中国水利.2004 23 27-31.

- [ 18 ] EMBI A F. Control of sedimentation in small reservoirs [D]. Southampton 'University of Southampton ,1986.
- [19] OKADA T, BABA K. Sediment relesase plan at sakuma reservoir C J//14<sup>th</sup> Congress on Large Dams. Rio de Janeiro : ICOLD.1982.
- [20]周建军 林秉南,张仁.三峡水库减淤增容调度方式研 究——双汛限水位调度方案[J].水利学报,2000(10): 1-11. (收稿日期 2010-12-30 编辑:方宇彤)





## 4 结 语

从选择的 2005 年长兴(二)站等 11 个水位站 点、杨家埠等 5 个流量站点和杭长桥等 9 个水质站 点的实测值和模型计算值的比较情况来看,所建立 的杭嘉湖一维河网水环境数学模型较好地反映了杭 嘉湖地区的水流运动状况和水质变化情况,表明本 模型所选择的参数基本合理,该模型系统可以用于 对各工程方案实施后河网水质变化的预测分析。

参考文献:

- [1]傅国伟.河流水质数学模型及其模拟计算[M].北京:中 国环境科学出版社,1987.
- [2]周雪漪.计算水力学[M].北京 清华大学出版社,1994.
- [3] CHUNG T J. 流体力学的有限元分析[M]. 张二骏, 龚崇 准, 王木兰, 译. 北京: 电力工业出版社, 1980.
- [4] BAKER A J. Finite element computational fluid mechanics M]. Washington ,D. C. :Hemisphere Publishing Corporation ,1983.
- [5]中华人民共和国国家发展和改革委员会.太湖流域水环 境综合治理总体方案 R].北京:中华人民共和国国家发 展和改革委员会 2008.
- [6]浙江省发展和改革委员会.浙江省太湖流域水环境综合 治理实施方案[R].杭州:浙江省发展和改革委员会, 2008.

(收稿日期 2011-02-11 编辑:高建群)

图 4 杭长桥 NH<sub>3</sub>-N 质量浓度验证结果